

Метод гидродинамического расчета радиального подшипника с повышенной несущей способностью со слоистым электропроводящим

смазочным материалом

К.С. Ахвердиев^{1}, *С.В. Митрофанов*^{1}, *Б.Е. Копотун*^{2}

¹Ростовский государственный университет путей сообщения ²Южное управление государственного железнодорожного надзора Федеральной службы по надзору в сфере транспорта

Аннотация: В работе с учетом особенностей взаимодействия электропроводящего слоистого смазочного материала с твердой опорной поверхностью дается метод расчета радиального подшипника скольжения с повышенной несущей способностью. Здесь на основе уравнений Навье-Стокса, уравнения неразрывности и уравнения Ламе для случая «тонкого слоя» дается метод формирования точного автомодельного решения рассматриваемой задачи. В результате найдено поле скоростей и давлений в смазочном слое и в последующем найдены аналитические выражения для основных рабочих характеристик подшипника. Дана оценка комплекса параметров, характеризующих функционирования разные аспекты трибосистемы, таких как: параметра. характеризующего слоистый характер смазочного материала; адаптированный профиль опорной электропроводящие поверхности; свойства смазочного материала; напряженность электрического поля и магнитная индукция на основные рабочие характеристики радиального подшипника.

Ключевые слова: электропроводящий смазочный материал, радиальный подшипник, несущая способность, стратифицированное течение.

Введение. В последнее время проведены многочисленные экспериментальные исследования, в которых сравнивались характеристики подшипников скольжения, работающие на ньютоновских и неньютоновских смазках, в частности на электропроводящих смазках. Эти результаты подтвердили эффект возрастания толщины пленок при использовании смазок, обладающих электропроводящими свойствами.

Однако, несмотря на очевидную актуальность вопроса в настоящее время обширных данных и применений электропроводящих смазочных композиций в узлах трения разного рода машин и механизмов отсутствуют.

Всестороннее изучение особенностей гидродинамических течений в смазочном слое, влияющих на работоспособность узлов трения, при



достаточно полном учете реологических свойств смазки, в частности электропроводящих свойств смазки с учетом особенностей взаимодействия смазки с твердой опорной поверхностью подшипника, в результате которого образуются структурированные граничные слои, является одной из актуальных задач трибологии.

Анализ существующих работ в данном направлении [1-6] показывает, что полученные здесь результаты не позволяют более корректно аналитически прогнозировать вязкости структурированных граничных слоев достаточно малой толщины, имеющими вблизи поверхности свойства близкие к свойствам Максимальное твердого тела. расстояние, на котором обнаруживается структурирующее воздействие поверхности достигает не более 2-3 мкм. Влияние структурированных граничных слоев существенно отражается на условиях трения и на механизме изменения условий трения [3]. Ключевую роль здесь играет изменение реологических свойств смазки в зависимости от толщины слоя и от индивидуальных свойств смазочного материала. В существующих вышеуказанных работах, в основном, влияние особенностей воздействия жидкости с твердой поверхностью проводится на основе реологических моделей микрополярной и вязкоупругой жидкости. Здесь не учитывается слоистый характер течения жидкости в смазочном слое в виду разнообразия структуры граничных слоев и в связи с этим используются приближенные эмпирические зависимости для определения эффективной вязкости В граничных слоев. расчетных моделях, представленных в работах [4-10], хотя учитывается слоистый характер течения смазочного материала в зазоре радиального подшипника, однако полученный здесь результат не позволяет оценить влияние на устойчивый режим работы комплекса параметров, характеризующих разные аспекты функционирования трибосистем, таких как: адаптированный профиль опорной поверхности подшипника; деформацию опорной поверхности



подшипника; электропроводящие свойства смазочного материала; напряженность электрического поля; магнитную индукцию. Разработка расчетной модели подшипников скольжения, работающих на слоистых смазочных материалах с учетом вышеуказанных факторов, является одной из основных задач современной трибологии. Основное содержание данной работы находится в русле данного актуального направления.

Постановка задачи. Рассматривается установившееся течение смазочной электропроводящей смазки в зазоре радиального подшипника скольжения с адаптированным профилем опорной поверхности. Предполагается, что подшипник неподвижен, а шип вращается с угловой скоростью Ω (рис. 1).

В полярной системе координат (*r*; θ) с началом в центре шипа уравнение контура шипа и границ раздела слоев и адаптированного контура опорной поверхности можно записать в виде (рис. 1)

 $C_0: r' = r_0; \ C_1: r' = r_0 + \delta\alpha + \alpha e \cos\theta - \alpha A \sin \omega\theta;$ $C_2: r' = r_2 + e \cos\theta - A \sin \omega\theta,$

(1)

где $\alpha \in [0, 1]$, $\delta = r_2 - r_0$, ω в дальнейшем определяется из условия максимальной несущей способности подшипника.



Рис. 1. – Схематическое изображение электропроводящей двухслойной смазки в зазоре радиального подшипника скольжения: C_0 – контур шипа; C_1 – граница раздела 2-х смазочных слоев; C_2 – внутренний контур подшипника, прилегающий к смазочному слою

Решение задачи. Будем исходить из уравнений «тонкого слоя» для вязкой несжимаемой жидкости при наличии электромагнитных полей. Эти уравнения при пренебрежении эффекта Холла и в случае малых значений магнитного числа Рейнольдса имеют следующий вид

$$\frac{\partial p'_{i}}{\partial r'} = 0, \qquad \mu_{i} \frac{\partial \upsilon'_{\theta i}}{\partial r'^{2}} = \frac{1}{r'} \frac{\partial p'_{i}}{\partial \theta} - \delta B' (E' - \upsilon'_{\theta i} B'), \quad \frac{\partial \upsilon'_{r i}}{\partial r'} + \frac{\upsilon'_{r' i}}{r'} + \frac{1}{r'} \frac{\partial \upsilon'_{\theta i}}{\partial \theta} = 0, \quad i = 1, 2$$
(2)

Здесь $\upsilon'_{r'_i}$, υ'_{θ_i} – компоненты вектора скорости в смазочных слоях; p'_i гидродинамическое давление в смазочных слоях; $\vec{E} = \{0, 0, E'\}$ – вектор напряженности электрического поля; \vec{B} – вектор магнитной индукции; μ_i – коэффициент динамической вязкости; r', θ – полярные координаты.

Здесь предполагается, что величины \vec{E} и \vec{B} и скорость течения жидкости таковы, что можно пренебречь влиянием потока жидкости на приложенные



электрические и магнитные поля (это предположение подразумевает малость магнитного числа Рейнольдса). При этом функции *E'* и *B'* считаем заданными, удовлетворяющие уравнениям Максвелла

 $div\vec{B} = 0$, $rot\vec{E} = 0$.

Эти уравнения удовлетворяются при

$$E' = const$$
, $B' = \frac{c}{r'}$, $c = const$.

Осуществим переход к безразмерным переменным по формулам

$$r' = r_0 + \delta r, \quad \upsilon_{\theta i}' = \Omega r_0 \upsilon_i, \quad \upsilon_{r'i}' = \Omega \delta u_i, \quad p_i' = p_i^* p_i,$$
$$p_i^* = \frac{\mu_i \Omega r_0^2}{\delta^2}, \quad i = 1, 2.$$

(3)

Подставляя (3) в (2) и в (1) с точностью до членов $0\left(\frac{\delta A_i}{r_0}\right), 0\left(\frac{\delta N_i}{r_0}\right), 0\left(\frac{\delta}{r_0}\right)$

будем иметь

$$\frac{\partial p_i}{\partial r_0} = 0, \ \frac{\partial^2 \upsilon_i}{\partial r^2} = \frac{\partial p_i}{\partial \theta} - A_i + N_i \upsilon_i, \ \frac{\partial u_i}{\partial r} + \frac{\partial \upsilon_i}{\partial \theta} = 0, \ A_i = \frac{\sigma \delta^2 E' c}{r_0^2 \mu_i \Omega}, \ N_i = \frac{\sigma \delta^2 c^2}{r_0^2 \mu_i}.$$
(4)

Здесь N_i – число Гартмана.

В дальнейшем в слагаемом, обусловленным электропроводящими свойствами слоистого электропроводящего смазочного материала, скорость v_i заменяется ее максимальным значением.

Система уравнений (4) решается при следующих граничных условиях

$$u_1|_{r=0} = 0, \ v_1|_{r=0} = 1, \ p_1(0) = p_2(2\pi) = \tilde{p}_g, \ p_1 = \frac{\mu_2}{\mu_1} p_2, \ p_2(0) = p_2(2\pi) = \tilde{\tilde{p}}_g, \ (5)$$

 $u_2\Big|_{r=h(\theta)} = 0, \ \upsilon_2\Big|_{r=h(\theta)} = 0, \ \upsilon_1\Big|_{r=\alpha h} = \upsilon_2\Big|_{r=\alpha h}, \ u_1\Big|_{r=\alpha h} = u_2\Big|_{r=\alpha h},$



$$\frac{\partial \upsilon_1}{\partial r} \bigg|_{r=\alpha h} = \frac{\mu_2}{\mu_1} \frac{\partial \upsilon_2}{\partial r} \bigg|_{r=\alpha h}, \quad \frac{u_i}{\upsilon_i} = \alpha h'(\theta),$$
$$h(\theta) = 1 + \eta \cos \theta - \eta_1 \sin \omega \theta, \quad \eta = e/\delta, \quad \eta_1 = A/\delta.$$
(6)

Граничные условия (5) означают прилипание смазки к поверхности шипа и подшипника, а также периодичность гидродинамического давления. Граничные условия (6) означают равенство скоростей, касательных и нормальных напряжений на границе раздела слоев, а также условия существования слоистого течения смазки, т.е. требуется, чтобы скорость точек границы раздела слоев в каждой точке была направлена по касательной к контуру раздела слоев.

Точное автомодельное решение системы уравнений (4), удовлетворяющее граничным условиям(5)–(6) ищется в виде

$$u_{i} = -\frac{\partial \Psi_{i}}{\partial \theta} + U_{i}(r,\theta), \quad \upsilon_{i} = \frac{\partial \Psi_{i}}{\partial r} + V_{i}(r,\theta), \quad \Psi_{i} = \tilde{\Psi}_{i}(\xi), \quad U_{i} = -\tilde{u}_{i}(\xi)h'(\theta),$$

$$V_{i} = \tilde{\upsilon}_{i}(\xi), \quad \xi = \frac{r}{h}, \quad \frac{dp_{1}}{d\theta} = \frac{\tilde{c}_{1}}{h^{2}(\theta)} + \frac{\tilde{c}_{2}}{h^{3}(\theta)} - A_{1} + N_{1},$$

$$\frac{dp_{2}}{d\theta} = \frac{\tilde{c}_{1}}{h^{2}(\theta)} + \frac{\tilde{c}_{2}}{h^{3}(\theta)} - A_{2} + N_{2}.$$
(7)

Подставляя (7) в (4) и в граничные условия (5) и (6) будем иметь $\tilde{\psi}_1''' = \tilde{c}_2, \ \tilde{\upsilon}_1'' = \tilde{c}_1, \ \tilde{\psi}_2''' = \tilde{\tilde{c}}_2, \ \tilde{\upsilon}_2' = \tilde{\tilde{c}}_1, \ \tilde{u}_1' + \xi \upsilon_1' = 0, \ \tilde{u}_2' + \xi \tilde{\upsilon}_2' = 0,$ (8) $\psi_1'(0) = 0; \ \tilde{u}_1(0) = 0, \ \tilde{\upsilon}_1(0) = 1, \ \tilde{u}_2(1) = 0, \ \tilde{\psi}_2(1) = 0,$ $\tilde{\upsilon}_2(1) = 0, \ \tilde{\upsilon}_1(\alpha) = \tilde{\upsilon}_2(\alpha), \ \tilde{u}_1(\alpha) = \tilde{u}_2(\alpha), \ \tilde{\upsilon}_1'(\alpha) = \frac{\mu_2}{\mu_1} \upsilon_2'(\alpha), \ \tilde{\psi}_1''(\alpha) = \frac{\mu_2}{\mu_1} \tilde{\psi}_2''(\alpha),$



$$p_1 = \frac{\mu_2}{\mu_1} p_2, \quad \int_0^\alpha \tilde{v}_1(\xi) d\xi + \int_\alpha^1 \tilde{v}_2(\xi) d\xi = 0.$$

Решение задачи (8)–(9) находится непосредственным интегрированием. В результате будем иметь

(9)

$$\begin{split} \psi_1' &= \tilde{c}_2 \frac{\xi^2}{2} + c_2 \xi + c_3, \ \tilde{\upsilon}_1 = \tilde{c}_1 \frac{\xi^2}{2} + c_6 \xi + c_7, \ \psi_2' = \tilde{c}_2 \frac{\xi^2}{2} + c_4 \xi + c_5, \\ \upsilon_2 &= \tilde{\tilde{c}}_1 \frac{\xi^2}{2} + c_8 \xi + c_9, \ \tilde{u}_1 = -\tilde{c}_1 \frac{\xi^3}{3} - c_6 \frac{\xi^2}{2} + c_{10}, \ \tilde{u}_2 = -\tilde{\tilde{c}}_1 \frac{\xi^3}{3} - c_8 \frac{\xi^2}{2} + c_{11}, \\ p_1 &= \tilde{c}_1 J_2(\theta) + \tilde{c}_2 J_3(\theta) - A_1 \theta + N_1 \theta + \tilde{p}_g, \ p_2 = \tilde{\tilde{c}}_1 J_2(\theta) + \tilde{\tilde{c}}_2 J_3(\theta) - A_2 \theta + N_2 \theta + \tilde{\tilde{p}}_g, \\ J_k &= \int_0^\theta \frac{d\theta}{h^k(\theta)}. \end{split}$$

(10)

Для определения постоянных $c_i (i = 2, 3, ... 11), \tilde{c}_1, \tilde{c}_2, \tilde{\tilde{c}}_1, \tilde{\tilde{c}}_2$ придем к следующей алгебраической системе уравнений

$$\begin{split} c_{7} &= 1, \ c_{10} = 0, \ c_{3} = 0, \ -\tilde{\tilde{c}}_{1}\frac{1}{3} - c_{8}\frac{1}{2} + c_{11} = 0, \ \tilde{\tilde{c}}_{1}\frac{1}{2} + c_{8} + c_{9} = 0, \\ \tilde{\tilde{c}}_{2}\frac{1}{2} + c_{4} + c_{5} = 0, \ \tilde{c}_{1} = \frac{\mu_{2}}{\mu_{1}}\tilde{\tilde{c}}_{1}, \ \tilde{c}_{2} = \frac{\mu_{2}}{\mu_{1}}\tilde{\tilde{c}}_{2}, \ \tilde{\tilde{c}}_{2} = -\frac{\tilde{\tilde{c}}_{1}J_{2}(2\pi)}{J_{3}(2\pi)} + \frac{(N_{2} + A_{2})2\pi}{J_{3}(2\pi)} \\ \tilde{c}_{2} &= -\frac{\tilde{c}_{1}J_{2}(2\pi)}{J_{3}(2\pi)} + \frac{(N_{1} + A_{1})2\pi}{J_{3}(2\pi)}, \ \tilde{c}_{1}\alpha + c_{6} = \frac{\mu_{2}}{\mu_{1}} \left(\tilde{\tilde{c}}_{1}\alpha + c_{8}\right), \\ \tilde{c}_{2}\alpha + c_{2} &= \frac{\mu_{2}}{\mu_{1}} \left(\tilde{\tilde{c}}_{2}\alpha + c_{4}\right), \ \tilde{c}_{2}\frac{\alpha^{2}}{2} + c_{2}\alpha + c_{3} - \tilde{\tilde{c}}_{2}\frac{\alpha^{2}}{2} - c_{4}\alpha - c_{5} = 0, \\ \tilde{c}_{1}\frac{\alpha^{2}}{2} + c_{6}\alpha + c_{7} - \tilde{\tilde{c}}_{1}\frac{\alpha^{2}}{2} - c_{8}\alpha - c_{9} = 0, \end{split}$$



$$\tilde{c}_{1}\frac{\alpha^{3}}{6} + c_{6}\frac{\alpha^{2}}{2} + c_{7}\alpha - \tilde{\tilde{c}}_{1}\frac{\alpha^{3}}{6} - c_{8}\frac{\alpha^{2}}{2} - c_{9}\alpha + \tilde{\tilde{c}}_{1}\frac{1}{6} + c_{8}\frac{1}{2} + c_{9} = 0.$$
(11)

Из условия $p_1 = kp_2 \Longrightarrow A_1 - N_1 = k(A_2 - N_2).$

Решение системы (11) сводится к решению следующего матричного уравнения

 $\tilde{M} \cdot \vec{x} = \vec{b}$,

где

$$\begin{split} \vec{x} &= \left\{ \tilde{\tilde{c}}_{1}; c_{4}; c_{5}; c_{8}; c_{9} \right\}, \ \vec{b} = \left\{ 0; -2\left(\frac{(N_{2} - A_{2})2\pi}{J_{3}(1)}\right); -k\alpha^{2} \frac{(N_{2} - A_{2})2\pi}{J_{3}(1)}(k-1); -2; -6\alpha \right\}, \\ \vec{M} &= \left(\begin{array}{ccccc} 1 & 0 & 2 & 2 & 2 \\ -\frac{J_{2}(1)}{J_{3}(1)} & 2 & 2 & 0 & 0 \\ (1 - k)\alpha^{2} \frac{J_{2}(1)}{J_{3}(1)} & 2\alpha(k-1) & -2 & 0 & 0 \\ \alpha^{2}(k-1) & 0 & 0 & 2\alpha(k-1) & -2 \\ k\alpha^{3} - \alpha^{3} + 1 & 0 & 0 & 3(k\alpha^{2} - a^{2} + 1) & 6(1 - \alpha) \end{array} \right). \end{split}$$

$$c_{8} &= -(4(-2a^{3} + 2ka^{3} - 1)) / (-1 + 4a + 8ka^{3} - 8a^{3} - 4ak - 10ka^{4} + 5k^{2}a^{4} + 5a^{4}), \\ c_{9} &= (8ka^{3} + 3ka^{2} - 8a^{3} - 3a^{2} - 1) / (-1 + 4a + 8ka^{3} - 8a^{3} - 4ak - 10ka^{4} + 5k^{2}a^{4} + 5a^{4}), \\ \tilde{c}_{1} &= -(6(1 + ka^{2} - a^{2})) / (-1 + 4a + 8ka^{3} - 8a^{3} - 4ak - 10ka^{4} + 5k^{2}a^{4} + 5a^{4}), \end{split}$$



$$\begin{split} c_4 &= (-3J_2(2\pi) + 2\pi N_2 - 2\pi A_2 + 6a^2 J_2(2\pi) + k^2 a^2 \pi N_2 - ka^2 \pi N_2 - k^2 a^2 \pi A_2 + \\ &+ ka^2 \pi A_2 + 10k^2 a^4 \pi A_2 - 20ka^4 \pi A_2 - 10k^2 a^4 \pi N_2 + 20ka^4 \pi N_2 - 6a^2 J_2(2\pi)k + \\ &+ 10a^4 \pi A_2 - 10a^4 \pi N_2 + 16\pi N_2 a^3 - 8\pi N_2 a - 16\pi A_2 a^3 + 8\pi A_2 a - 12\pi N_2 a^3 k + \\ &+ 8\pi N_2 ak + 12\pi A_2 a^3 k - 8\pi A_2 ak - 8\pi N_2 a^5 k + 5\pi N_2 a^6 k - 15\pi N_2 a^6 k^2 + 16k^2 a^5 \pi N_2 - \\ &- 8k^2 a^3 \pi N_2 + 15k^3 a^6 \pi N_2 + 8\pi A_2 a^5 k - 5\pi A_2 a^6 k + 15\pi A_2 a^6 k^2 - 16k^2 a^5 \pi A_2 + \\ &+ 8k^2 a^3 \pi A_2 - 15k^3 a^6 \pi A_2 + 8k^3 a^5 \pi A_2 - 4k^3 a^3 \pi A_2 + 5k^4 a^6 \pi A_2 - 8k^3 a^5 \pi N_2 + \\ &+ 4k^3 a^3 \pi N_2 - 5k^4 a^6 \pi N_2 - 3J_2(2\pi) a^4 + 6J_2(2\pi) ka^4 - 3J_2(2\pi) k^2 a^4) / \\ /((1 + ak - a)J_3(2\pi)(-1 + 4a + 8ka^3 - 8a^3 - 4ak - 10ka^4 + 5k^2 a^4 + 5a^4)), \\ c_5 &= -(a(-3J_2(2\pi) + 2\pi N_2 - 2\pi A_2 + 3a^2 J_2(2\pi) - 8k^2 a^2 \pi N_2 + 4ka^2 \pi N_2 + \\ &+ 8k^2 a^2 \pi A_2 - 4ka^2 \pi A_2 + 14k^2 a^4 \pi A_2 - 2k^3 a^4 \pi A_2 - 22ka^4 \pi A_2 - 14k^2 a^4 \pi N_2 + \\ &+ 2k^3 a^4 \pi N_2 + 22ka^4 \pi N_2 - 6a^2 J_2(2\pi) k + 10a^4 \pi A_2 - 10a^4 \pi N_2 + 16\pi N_2 a^3 - \\ &- 8\pi N_2 a^{-1} 6\pi A_2 a^3 + 8\pi A_2 a - 32\pi N_2 a^3 k + 15\pi N_2 ak + 32\pi A_2 a^3 k - 15\pi A_2 ak + \\ &+ 5\pi N_2 a^5 k - 15k^2 a^5 \pi N_2 + 5k^4 a^5 \pi A_2 - 5k^4 a^5 \pi N_2 - 7k^2 a \pi N_2 + 7k^2 a \pi A_2 - \\ &- 15k^3 a^5 \pi A_2 + 15k^3 a^5 \pi N_2 + 5k^4 a^5 \pi A_2 - 5k^4 a^5 \pi N_2 - 7k^2 a \pi N_2 + 7k^2 a \pi A_2 + \\ &+ 4k^3 a^2 \pi N_2 - 4k^3 a^2 \pi A_2 - 3J_2(2\pi) a^3 + 3J_2(2\pi) a + 3kJ_2(2\pi) + 3a^2 J_2(2\pi) k^2 + \\ &+ 6J_2(2\pi)ka^3 - 3J_2(2\pi)ak - 2k\pi N_2 + 2k\pi A_2 - 3a^3 J_2(2\pi)k^2)) / \end{aligned}$$

 $/((1+ak-a)J_{3}(2\pi)(-1+4a+8ka^{3}-8a^{3}-4ak-10ka^{4}+5k^{2}a^{4}+5a^{4})).$ (14)

Перейдем к определению основных рабочих характеристик подшипника.

Для безразмерного гидродинамического давления в слое смазки, прилегающем к поверхности вала с точностью до членов $0(\eta^2)$, $0(\eta_1^2)$ будем иметь:

$$p_{1} = \tilde{c}_{1} \left(\eta \sin \theta + \frac{\eta_{1}}{\omega} (\cos \omega \theta - 1) - \frac{\theta \eta_{1}}{2\pi \omega} (\cos 2\pi \omega - 1) \right) + (A_{1} - N_{1}) 3\eta \sin \theta - \frac{(A_{1} - N_{1}) 3\eta_{1}}{\omega} (\cos \omega \theta - 1) + \frac{(A_{1} - N_{1}) 3\eta_{1} \theta}{2\pi \omega} (\cos 2\pi \omega - 1) + p_{g}.$$
(15)

С учетом (14) и (15) для безразмерных составляющих вектора поддерживающей силы и силы трения получим



$$\frac{R_{y}}{p_{1}^{*}r_{0}} = -\int_{0}^{2\pi} p_{1}\sin\theta d\theta, \quad \frac{R_{x}}{p_{1}^{*}r_{0}} = -\int_{0}^{2\pi} p_{1}\cos\theta d\theta,$$

$$\frac{L_{rp}\delta}{\mu_{1}\Omega r_{0}} = \int_{0}^{2\pi} \frac{c_{2}}{h^{2}(\theta)} d\theta + \int_{0}^{2\pi} \frac{c_{6}}{h(\theta)} d\theta.$$
(16)
Влияние податливости опорной поверхности на основные рабочн

Влияние податливости опорной поверхности на основные рабочие характеристики можно оценить по методике, предусмотренной в работе [11]. Согласно работе [11] в рассматриваемом случае будем иметь

$$h(\theta) = \left(1 + \lambda f(\theta)\right) \left(1 + \tilde{\eta}\cos\theta - \tilde{\eta}_{1}\sin\omega\theta\right) = \left(1 + \frac{\tilde{p}}{M}\right) \left(1 + \tilde{\eta}\cos\theta - \tilde{\eta}_{1}\sin\omega\theta\right).$$
(17)

Здесь
$$\tilde{\eta} = \frac{\eta}{1 + \frac{\tilde{p}}{M}}, \ \tilde{\eta}_1 = \frac{\eta_1}{1 + \frac{\tilde{p}}{M}},$$

где $\tilde{p} = \max p_1(\theta), \ \theta \in [0; 2\pi], \ M$ — упругогидродинамический параметр (явный вид параметра M приведен в работе [11]).



1)
$$A_1 = 0; N_1 = 0; \frac{\mu_2}{\mu_1} = 1,3;$$

2) $A_1 = 0,3; N_1 = 0,1; \frac{\mu_2}{\mu_1} = 1,3;$
3) $A_1 = 0,3; N_1 = 0,1; \frac{\mu_2}{\mu_1} = 1,5;$
4) $A_1 = 0,3; N_1 = 0,1; \frac{\mu_2}{\mu_1} = 2.$

Рис. 2. – Зависимость безразмерной R_y - составляющей поддерживающей силы от параметров ω и η при разных значениях вязкостных отношений слоев



1) $A_1 = 0; N_1 = 0; \frac{\mu_2}{\mu_1} = 1,5;$ 2) $A_1 = 0,3; N_1 = 0,1; \frac{\mu_2}{\mu_1} = 1,5;$ 3) $A_1 = 0,5; N_1 = 0,1; \frac{\mu_2}{\mu_1} = 1,5;$ 4) $A_1 = 0,7; N_1 = 0,1; \frac{\mu_2}{\mu_1} = 1,5.$

Рис. 3. – Зависимость безразмерной *R_y* - составляющей поддерживающей силы от параметров ω и η при разных значениях параметров *N*₁ и *A*₁, обусловленных электропроводящими свойствами смазочного материала



1)
$$A_1 = 0; N_1 = 0; \frac{\mu_2}{\mu_1} = 1,5;$$

2) $A_1 = 0,3; N_1 = 0,1; \frac{\mu_2}{\mu_1} = 1,5;$
3) $A_1 = 0,5; N_1 = 0,1; \frac{\mu_2}{\mu_1} = 1,5;$
4) $A_1 = 0,7; N_1 = 0,1; \frac{\mu_2}{\mu_1} = 1,5.$

Рис. 4. – Зависимость безразмерной L_{mp} - силы трения от параметров ω и η при разных значениях параметров N_1 и A_1 , обусловленных электропроводящими свойствами смазочного материала

Результаты численного анализа, приведенные на рис. 2-4, показывают:



1. В случае, когда $A_1 = 0$, $N_1 = 0$, т.е. когда слоистый смазочный материал не обладает электропроводящими свойствами, при $\omega = \frac{1}{2}$ подшипник по несущей способности обладает свойствами подшипника «двойного» действия.

2. В случае, когда смазочный материал обладает электропроводящими свойствами при $A_1 = 0,7$, $N_1 = 0,1$, $\frac{\mu_2}{\mu_1} = 2$, максимальная несущая способность подшипника также достигается при $\omega = \frac{1}{2}$. Однако в этом случае максимальная несущая способность подшипника практически в два раза выше по сравнению со случаем, при $A_1 = 0$, $N_1 = 0$.

3. С увеличением вязкостного отношения k несущая способность подшипника вырастает. Особенно резкое возрастание наблюдаем при $k \ge 2$.

4. При $\omega = \frac{1}{2}$, k = 1,5, несущая способность подшипника существенно зависит от безразмерной напряженности электрического поля E; с увеличением значения E несущая способность подшипника резко возрастает.

5. С учетом полученной в работе [3] эмпирической зависимости электропроводимости смазки от контактного давления и с учетом найденного в данной работе аналитического выражения для гидродинамического давления можно прогнозировать вязкость структурированного граничного слоя, прилегающего к твердой опорной поверхности подшипника. Вязкость этого слоя практически в два и более раза больше, чем вязкость основного базового масла.

6. Несущая способность подшипника с податливой опорной поверхностью на 2-3% ниже по сравнению с подшипником с жесткой опорной поверхностью.



Литература

1. Gecim B.A. Non-Newtonian Effect of Multigrade Oils on Journal Bearing Performance // Tribology Transaction. 1990. Vol. 3. Pp. 384-394.

2. Garg H.C., Vijay Kumar, Sharda H.B. Thermohydrostatic analysis of capillary compensated Asymmetric holes-entry hybrid journal bearing operating with non-Newtonian lubricant // Industrial Lubrication and Tribology 2009. Vol. 61, № 1. Pp. 11-21.

3. Мухортов И.В., Усольцев, Н.А., Задорожная Е.А., Леванов И.Г. Усовершенствованная модель реологических свойств граничного слоя смазки // Трение и смазка в машинах и механизмах. 2010. № 5. С. 8-19.

4. К.С., Александрова E.E., M.A. Ахвердиев Мукутадзе Стратифицированное двухслойной течение смазки В зазоре сложнонагруженного радиального подшипника конечной длины, обладающего повышенной несущей способностью // Вестник РГУПС. 2010. №1. C. 132-137.

К.С.. 5. Ахвердиев Лагунова E.O., Мукутадзе M.A. Гидродинамический расчет радиального подшипника при наличии электромагнитного поля с учетом зависимости вязкости И электропроводимости от температуры // Вестник ДГТУ. 2009. Т. 9, № 3. С. 529-536.

6. Ахвердиев К.С., Воронцов П.А., Черкасова Т.С. Гидродинамический расчет подшипников скольжения с использованием моделей слоистого течения вязкой и вязкопластичной смазки // Трение и износ. 1998. Т. 16, № 6. С. 698-707.

7. Ахвердиев К.С., Воронцов П.А., Черкасова Т.С. Математическая модель стратифицированного течения смазки в зазоре радиального



металлополимерного подшипника скольжения // Проблемы машиностроения и надежности машин. 1999. № 3. С. 93-101.

8. Ахвердиев К.С., Мукутадзе М.А., Лагунова Е.О., Солоп К.С. Расчетная модель упорного подшипника скольжения с повышенной несущей способностью, работающего на неньютоновских смазочных материалах с адаптированной опорной поверхностью // Инженерный вестник Дона. 2013. №4. URL: ivdon.ru/ru/magazine/archive/n4y2013/2201.

9. Ахвердиев К.С., Мукутадзе М.А., Лагунова Е.О., Солоп К.С. Расчетная модель радиального подшипника скольжения с повышенной несущей способностью, работающего на микрополярной смазке с учетом ее вязкостных характеристик от давления // Инженерный вестник Дона. 2013. №4. URL: ivdon.ru/ru/magazine/archive/n4y2013/2200.

10. Ахвердиев К.С., Александрова Е.Е., Мукутадзе М.А., Копотун Б.Е. Стратифицированное течение двухслойной смазки в зазоре радиального подшипника, обладающего повышенной несущей способностью и демпфирующими свойствами // Вестник РГУПС. 2009. № 4. С. 133-139.

11. Лагунова Е.О., Митрофанов С.В., Копотун Б.Е. Расчетная модель слоистой электропроводящей смазки упорного подшипника с податливой опорной поверхностью, обладающего повышенной несущей способностью // Вестник РГУПС. 2014. № 4. С. 126-132.

References

1. Gecim B.A. Non-Newtonian Effect of Multigrade Oils on Journal Bearing Performance. Tribology Transaction. 1990. Vol. 3. pp. 384-394.

2. Garg H.C., Vijay Kumar, Sharda H.B. Thermohydrostatic analysis of capillary compensated Asymmetric holes-entry hybrid journal bearing operating with non-Newtonian lubricant. Industrial Lubrication and Tribology 2009. Vol. 61, № 1. pp. 11-21.



3. Mukhortov I.V., Usolcev N.A., Zadorozhnaya E.A., Levanov I.G. Trenie i smazka v mashinakh i mekhanizmakh. 2010. № 5. pp. 8-19.

4. Akhverdiyev K.S., Aleksandrova E.E., Mukutadze M.A. Vestnik of RGUPS. 2010. № 1. pp. 132-137.

5. Akhverdiyev K.S., Lagunova E.O., Mukutadze M.A. Vestnik of DSTU. 2009. vol. 9, № 3 (42). pp. 529-536.

Akhverdiyev K.S., Vorontsov P.A., Cherkasova T.S. Trenie i iznos.
 1998. vol. 16, № 6. pp. 698-707.

7. Akhverdiyev K.S., Vorontsov P.A., Cherkasova T.S. Problemy mashinostroyeniya i nadezhnosti mashin. 1999. № 3. Pp. 93-101.

8. Akhverdiyev K.S., Mukutadze M.A., Lagunova E.O., Solop K.S. Inženernyj vestnik Dona (Rus), 2013, № 4 URL: ivdon.ru/ru/magazine/archive/n4y2013/2201.

9. Akhverdiyev K.S., Mukutadze M.A., Lagunova E.O., Solop K.S. Inženernyj vestnik Dona (Rus), 2013, № 4 URL: ivdon.ru/ru/magazine/archive/n4y2013/2200.

10. Akhverdiyev K.S., Aleksandrova E.E., Mukutadze M.A., Kopotun B.E. Vestnik of RGUPS. 2009. № 4. pp. 133-139.

11. Lagunova E.O., Mitrofanov S.V., Kopotun B.E. Vestnik of RGUPS.2014. № 4. pp. 126-132.